

Esercizio maxima: il tubo pressurizzato come soluzione alla Michell

Sono forniti di seguito i due termini della soluzione alla Michell associati a spostamenti e tensioni assialsimmetrici e costanti in θ , rilevanti per il caso del tubo pressurizzato

| contributo a: | primo termine, scalato per A | secondo termine, scalato per B |
|------------------|------------------------------|--------------------------------|
| φ | r^2 | $\ln(r)$ |
| σ_r | 2 | $1/r^2$ |
| σ_θ | 2 | $-1/r^2$ |
| $\tau_{r\theta}$ | 0 | 0 |
| u_r | $\frac{\kappa-1}{2G}r$ | $-\frac{1}{2G} \frac{1}{r}$ |
| u_θ | 0 | 0 |

Il costante di Kolosov κ è definita come

- $\kappa = \frac{3-\nu}{1+\nu}$ in tensione piana;
- $\kappa = 3-4\nu$ in deformazione piana;

in funzione del coeff. di Poisson.

Componendo linearmente i contributi associati ai due termini come nella forma di esempio

$$\varphi = Ar^2 + B \ln(r)$$

definire in funzione di A e B le grandezze:

- componente radiale di tensione s_{rr} ;
- componente circonferenziale di tensione $s_{\theta\theta}$;
- componente radiale di spostamento u_r .

Imporre quindi le condizioni al contorno ai raggi interni ed esterni r_i e r_e come riportate in tabella e calcolare le grandezze ivi indicate come incognite; si ricorda che per continuità dello stato tensionale con le condizioni al contorno si ha $\sigma_r|_{r=r_i} = -p_i$, $\sigma_r|_{r=r_e} = -p_e$.

| | | | | |
|---|--|--|--|--|
| traccia #0 | | | | |
| $u_r _{r=r_i} = \Delta r$ $p_e = 0$ | | | | |
| $p_i = ?$ $\sigma_\theta _{r=r_i} = ?$, | | | | |

Sostituire quindi le grandezze definite dallo specifico dimensionamento

dim: $[r_i=4, r_e=6, G=80000, \nu=0.3, p=10]$ (rispettivamente mm,mm,MPa,1,MPa)

e valutare numericamente le quantità incognite.