

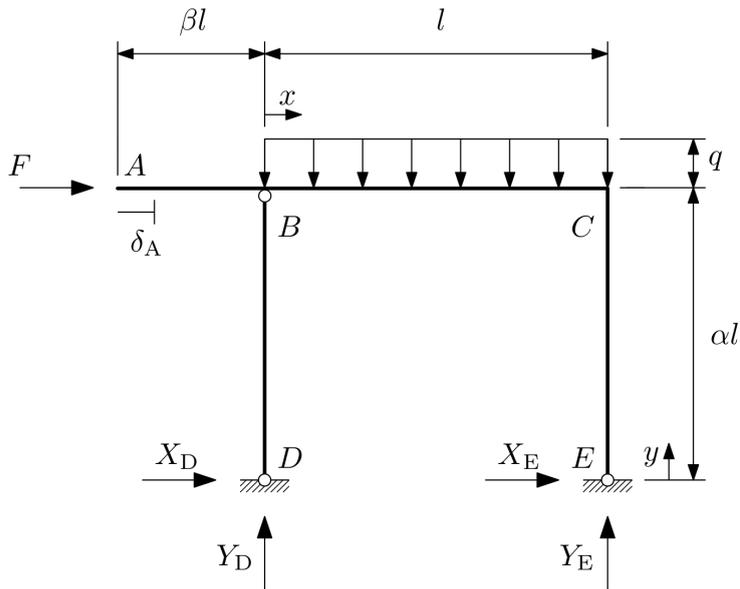
Si riportino nella seguente tabella i risultati normalizzati  $\{r_{\#\#}\}$  indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

<b>Cognome</b>	
<b>Nome</b>	
<b>Matricola</b>	
$\{r_{01}\}$	
$\{r_{02}\}$	
$\{r_{03}\}$	
...	
$\{r_{xx}\}$	

I valori dei parametri binari  $i,j,k$  sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$  se il terzultimo numero è pari o zero,  $i=1$  se è dispari;
- $j=0$  se il penultimo numero è pari o zero,  $j=1$  se è dispari;
- $k=0$  se l'ultimo numero è pari o zero,  $k=1$  se è dispari.

Ad esempio, alla matricola 2357**86** sono associati  $i=1$ ,  $j=0$  e  $k=0$ .



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Considerare la struttura in figura, composta da travi di rigidezza flessionale  $EJ$  e caricata da un carico distribuito uniforme di entità  $q$  sul tratto  $CB$  e da una forza orizzontale  $F$  al punto  $A$ .

Calcolare le reazioni vincolari dovute al solo carico distribuito  $q$

$$X_{D,q} = ql \cdot \{r01\}, \quad Y_{D,q} = ql \cdot \{r02\},$$

$$X_{E,q} = ql \cdot \{r03\}, \quad Y_{E,q} = ql \cdot \{r04\},$$

e alla sola forza concentrata  $F$

$$X_{D,F} = F \cdot \{r05\}, \quad Y_{D,F} = F \cdot \{r06\},$$

$$X_{E,F} = F \cdot \{r07\}, \quad Y_{E,F} = F \cdot \{r08\}.$$

Esprimere quindi, considerando separatamente i contributi del carico distribuito  $q$  e della forza concentrata  $F$ , il momento flettente sui tratti  $BC$  e  $EC$

$$M_{f,BC,q} = q \cdot (\{r09\} \cdot x^2 + \{r10\} \cdot x \cdot l + \{r11\} \cdot l^2)$$

$$M_{f,EC,q} = q \cdot (\{r12\} \cdot y^2 + \{r13\} \cdot y \cdot l + \{r14\} \cdot l^2)$$

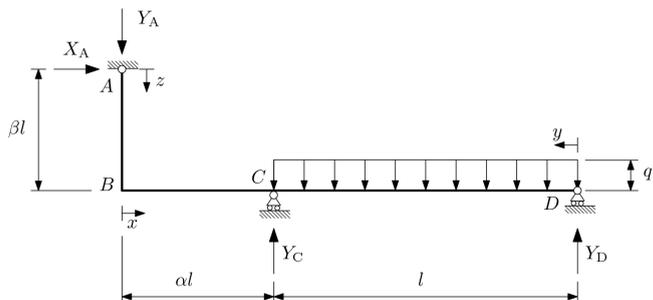
$$M_{f,BC,F} = F \cdot (\{r15\} \cdot x + \{r16\} \cdot l)$$

$$M_{f,EC,F} = F \cdot (\{r17\} \cdot y + \{r18\} \cdot l)$$

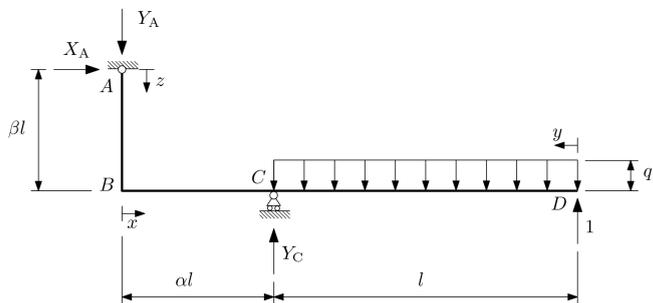
definito positivo per convenzione se porta in trazione le fibre inferiori del tratto orizzontale  $BC$  o se porta in trazione le fibre al fianco sinistro del tratto verticale  $EC$ .

Calcolare infine lo spostamento orizzontale al punto  $A$  utilizzando il teorema di Castigliano

$$\delta_A = F l^3 / EJ \cdot \{r19\} + q l^4 / EJ \cdot \{r20\}.$$



a)



b)

$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Si consideri la struttura staticamente indeterminata di figura (a), composta da una trave di rigidezza flessionale  $EJ$  e caricata sul tratto  $DC$  da un carico distribuito uniforme di entità  $q$ .

Si consideri quindi l'associata struttura principale di figura (b), completata con l'inserimento dell'opportuna azione esploratrice unitaria utile per la soluzione dell'iperstatica mediante il PLV.

Si assumano positivi per convenzione i momenti flettenti che tendono le fibre inferiori della struttura sui tratti orizzontali e le fibre a sinistra sui tratti verticali.

Si consideri la struttura principale di figura (b), soggetta al solo carico distribuito  $q$ ; riportare l'espressione del momento flettente da questo indotto sui tratti:

$$\text{tratto BC: } M_{fq, BC} = q \cdot (\{r21\} \cdot x^2 + \{r22\} \cdot x \cdot l + \{r23\} \cdot l^2)$$

$$\text{tratto DC: } M_{fq, DC} = q \cdot (\{r24\} \cdot y^2 + \{r25\} \cdot y \cdot l + \{r26\} \cdot l^2)$$

$$\text{tratto AB: } M_{fq, AB} = q \cdot (\{r27\} \cdot z^2 + \{r28\} \cdot z \cdot l + \{r29\} \cdot l^2)$$

Si consideri la struttura principale di figura (b), soggetta ora alla sola azione esploratrice unitaria; riportare l'espressione del momento flettente da questa indotto sui tratti:

$$\text{tratto BC: } M_{f1, BC} = 1 \cdot (\{r30\} \cdot x + \{r31\} \cdot l)$$

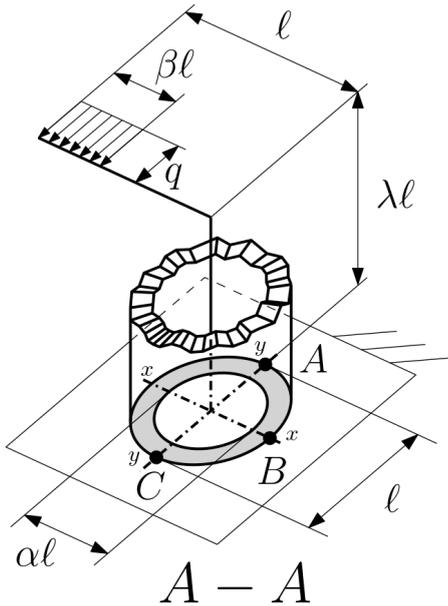
$$\text{tratto DC: } M_{f1, DC} = 1 \cdot (\{r32\} \cdot y + \{r33\} \cdot l)$$

$$\text{tratto AB: } M_{f1, AB} = 1 \cdot (\{r34\} \cdot z + \{r35\} \cdot l)$$

Nota che la reazione vincolare iperstatica ha espressione:

$$Y_D = ql \cdot (4\alpha + 3) / (8\alpha + 8)$$

calcolare il momento flettente al punto B,  $M_{fB} = ql^2 \cdot \{r36\}$ , e al punto C,  $M_{fC} = ql^2 \cdot \{r37\}$ .



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}, \quad \lambda = 2 + 2i + j$$

Si consideri la struttura trapeiforme in figura, incastrata alla base e caricata da un carico distribuito  $q$  e costituita da un profilato a sezione circolare cava di diametro esterno  $l$  e diametro interno  $\alpha l$ .

Calcolare il modulo di resistenza a flessione della sezione della trave rispetto agli assi  $xx$  e  $yy$

$$W_{xx} = W_{yy} = \{r38\} \cdot l^3$$

Calcolare (con segno) le tensioni indotte dal momento flettente ai punti A, B e C della sezione A - A,

$$\sigma_{fA\_AA} = \{r39\} \cdot q/l; \quad \sigma_{fB\_AA} = \{r40\} \cdot q/l;$$

$$\sigma_{fC\_AA} = \{r41\} \cdot q/l$$

Calcolare (in modulo) le tensioni indotte dal momento torcente ai punti A, B e C della sezione A - A,

$$\tau_{MtA\_AA} = \{r42\} \cdot q/l; \quad \tau_{MtB\_AA} = \{r43\} \cdot q/l;$$

$$\tau_{MtC\_AA} = \{r44\} \cdot q/l$$

Calcolare (in modulo) le tensioni indotte dal taglio secondo la teoria di Jourawski ai punti A, B e C della sezione A - A,

$$\tau_{TA\_AA} = \{r45\} \cdot q/l; \quad \tau_{TB\_AA} = \{r46\} \cdot q/l;$$

$$\tau_{TC\_AA} = \{r47\} \cdot q/l$$

Calcolare infine le tensioni principali (con segno) ai punti A e B della sola sezione A - A.

$$\sigma_{1A\_AA} = \{r48\} \cdot q/l; \quad \sigma_{2A\_AA} = \{r49\} \cdot q/l$$

$$\sigma_{1B\_AA} = \{r50\} \cdot q/l; \quad \sigma_{2sB\_AA} = \{r51\} \cdot q/l$$

Nome :		Cognome :		Matricola :	
{r01}		{r19}		{r37}	
{r02}		{r20}		{r38}	
{r03}		{r21}		{r39}	
{r04}		{r22}		{r40}	
{r05}		{r23}		{r41}	
{r06}		{r24}		{r42}	
{r07}		{r25}		{r43}	
{r08}		{r26}		{r44}	
{r09}		{r27}		{r45}	
{r10}		{r28}		{r46}	
{r11}		{r29}		{r47}	
{r12}		{r30}		{r48}	
{r13}		{r31}		{r49}	
{r14}		{r32}		{r50}	
{r15}		{r33}		{r51}	
{r16}		{r34}		{r..}	
{r17}		{r35}		{r..}	
{r18}		{r36}		{r..}	

Niente di interessante su questo  
schermo: guarda il foglio!!