

Si riportino nella seguente tabella i risultati normalizzati {r##} indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

<b>Cognome</b>	
<b>Nome</b>	
<b>Matricola</b>	
{r01}	$\alpha$
{r02}	$\beta$
{r03}	$\lambda$
{r04}	...
...	...
{r55}	...

$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}$$

$$\beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

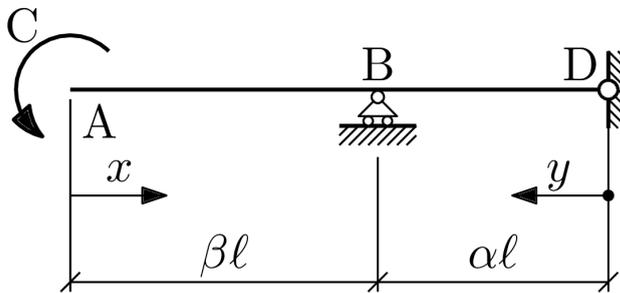
$$\lambda = 2+2i+j$$

I valori dei parametri binari  $i, j, k$  sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$  se il terzultimo numero è pari,  $i=1$  se è dispari;
- $j=0$  se il penultimo numero è pari,  $j=1$  se è dispari;
- $k=0$  se l'ultimo numero è pari,  $k=1$  se è dispari.

Ad esempio, alla matricola 235706 sono associati  $i=1$ ,  $j=0$  e  $k=0$ .

Il numero zero è da considerarsi pari.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

*convenzione per i segni di Mf:* si consideri positivo il momento flettente che porta a trazione le fibre superiori.

*convenzione per i segni della freccia:* si consideri positivo uno spostamento verso il basso della sezione della trave

*convenzione per i segni della rotazione:* si consideri positiva una rotazione antioraria della sezione della trave.

Considerare la struttura di figura, caricata da una coppia di estremità C.

Detta  $x$  l'ascissa che scorre da A ( $x=0$ ) a B, riportare l'espressione del momento flettente sul tratto AB

$$M_{f,AB} = C \cdot (\{r04\} + \{r05\} \cdot x/l)$$

Detta  $y$  l'ascissa che scorre da D ( $y=0$ ) a B, riportare l'espressione del momento flettente sul tratto DB

$$M_{f,DB} = C \cdot (\{r06\} + \{r07\} \cdot y/l)$$

Una volta derivata la struttura ausiliaria secondo il teorema di Mohr, calcolare in funzione di  $x$ , la freccia sul tratto AB

$$f_{AB} = Cl^2/EJ \cdot$$

$$\cdot (\{r08\} + \{r09\} \cdot x/l + \{r10\} \cdot (x/l)^2 + \{r11\} \cdot (x/l)^3)$$

e in funzione di  $y$  la freccia sul tratto DB

$$f_{DB} = Cl^2/EJ \cdot$$

$$\cdot (\{r12\} + \{r13\} \cdot y/l + \{r14\} \cdot (y/l)^2 + \{r15\} \cdot (y/l)^3)$$

con segno secondo convenzione descritta a lato.

Calcolare quindi in funzione di  $x$  la rotazione sul tratto AB

$$\varphi_{AB} = Cl/EJ \cdot$$

$$\cdot (\{r16\} + \{r17\} \cdot x/l + \{r18\} \cdot (x/l)^2 + \{r19\} \cdot (x/l)^3),$$

e in funzione di  $y$  la rotazione sul tratto DB

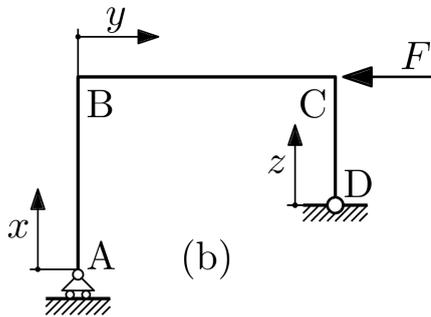
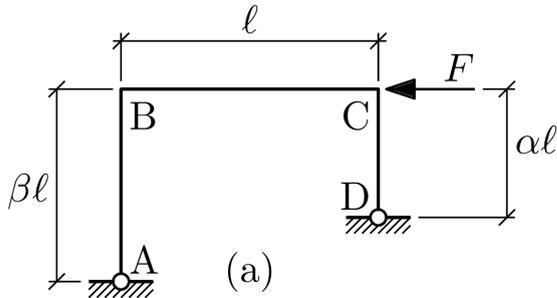
$$\varphi_{DB} = Cl/EJ \cdot$$

$$\cdot (\{r20\} + \{r21\} \cdot y/l + \{r22\} \cdot (y/l)^2 + \{r23\} \cdot (y/l)^3),$$

sempre secondo convenzione descritta a lato.

Aiutarsi nella determinazione dei segni di freccia e rotazione verificandoli al punto A, la cui rototraslazione è facilmente

figurabile.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

convenzione per i segni di  $M_f$ : si consideri positivo il momento flettente che porta a

Considerare il portale staticamente indeterminato di figura (a), caricato da una forza  $F$  applicata lateralmente alla traversa.

Considerare quindi l'associata struttura principale di figura (b), da completare introducendo l'opportuna reazione vincolare iperstatica in modulo unitario, utile come azione esploratrice per la soluzione dell'iperstatica mediante il PLV.

Detta  $x$  l'ascissa che scorre da A ( $x=0$ ) a B, riportare le espressioni del momento flettente dovuto alla sola forza esterna  $F$

$$M_{f,AB} = F\ell \cdot (\{r24\} + \{r25\} \cdot x/\ell)$$

e dovuto alla sola azione esploratrice unitaria

$$M_{f1,AB} = 1\ell \cdot (\{r26\} + \{r27\} \cdot x/\ell)$$

Detta  $y$  l'ascissa che scorre da B ( $y=0$ ) a C, riportare le espressioni del momento flettente dovuto alla sola forza esterna  $F$

$$M_{f,BC} = F\ell \cdot (\{r28\} + \{r29\} \cdot y/\ell)$$

e dovuto alla sola azione esploratrice unitaria

$$M_{f1,BC} = 1\ell \cdot (\{r30\} + \{r31\} \cdot y/\ell)$$

Detta  $z$  l'ascissa che scorre da D ( $z=0$ ) a C, riportare le espressioni del momento flettente dovuto alla sola forza esterna  $F$

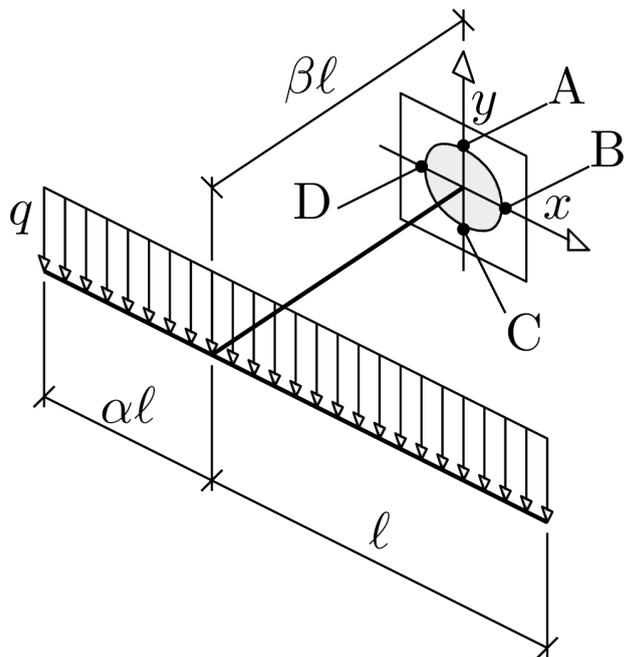
$$M_{f,DC} = F\ell \cdot (\{r32\} + \{r33\} \cdot z/\ell)$$

e dovuto alla sola azione esploratrice unitaria

$$M_{f1,DC} = 1\ell \cdot (\{r34\} + \{r35\} \cdot z/\ell)$$

Calcolare quindi con il PLV il valore  $F \cdot \{r36\}$  della reazione vincolare iperstatica, e il valore  $F\ell \cdot \{r37\}$  del massimo momento flettente sulla struttura (a) in modulo.

trazione le fibre interne del portale.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k},$$

$$\lambda = 2+2i+j, \quad \ell = \lambda \cdot d$$

Si consideri la struttura trabeiforme a “T” di figura, incastrata alla base e caricata da un’azione distribuita  $q$  sul tratto trasverso; la sezione è circolare piena di diametro  $d$ .

Calcolare (con segno) le tensioni indotte dal momento flettente ai punti A, B, C e D.

$$\sigma_{fA} = \{r38\} \cdot q/d; \quad \sigma_{fB} = \{r39\} \cdot q/d$$

$$\sigma_{fC} = \{r40\} \cdot q/d; \quad \sigma_{fD} = \{r41\} \cdot q/d$$

Calcolare (in modulo) le tensioni taglianti indotte dal momento torcente ai punti A, B, C e D.

$$\tau_{MtA} = \{r42\} \cdot q/d; \quad \tau_{MtB} = \{r43\} \cdot q/d$$

$$\tau_{MtC} = \{r44\} \cdot q/d; \quad \tau_{MtD} = \{r45\} \cdot q/d$$

Calcolare (in modulo) le tensioni taglianti indotte dal taglio ai punti A, B, C e D.

$$\tau_{TA} = \{r46\} \cdot q/d; \quad \tau_{TB} = \{r47\} \cdot q/d$$

$$\tau_{TC} = \{r48\} \cdot q/d; \quad \tau_{TD} = \{r49\} \cdot q/d$$

Calcolare infine le tensioni principali (con segno) ai punti A, B e D

$$\sigma_{1A} = \{r50\} \cdot q/d; \quad \sigma_{2A} = \{r51\} \cdot q/d$$

$$\sigma_{1B} = \{r52\} \cdot q/d; \quad \sigma_{2B} = \{r53\} \cdot q/d$$

$$\sigma_{1D} = \{r54\} \cdot q/d; \quad \sigma_{2D} = \{r55\} \cdot q/d$$

prestando particolare attenzione alla composizione (sulle facce del cubetto, e in verso) delle componenti di tensione precedentemente determinate.

--	--